

ANDALUCÍA · PAU 2018 · ORDINARIA · SUPLENTE

Matemáticas II

8 ejercicios · 90 min de duración

Instrucciones del examen

a) Duración: 1 hora y 30 minutos. b) Tienes que elegir entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la Opción A o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la Opción B. c) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, ni gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados. d) En la puntuación máxima de cada ejercicio están contemplados 0,25 puntos para valorar la expresión correcta de los procesos y métodos utilizados.

Ejercicio 1

OPCIÓN A 2,5 puntos

Calcula

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg}(x) - x}{x - \operatorname{sen}(x)}$$

Ejercicio 1

OPCIÓN B 2,5 puntos

Se desea construir una caja sin tapadera de base cuadrada. El precio del material es de 18 euros/m² para los laterales y de 24 euros/m² para la base. Halla las dimensiones de la caja de mayor volumen que se puede construir si disponemos de 50 euros.

Ejercicio 2

OPCIÓN A 2,5 puntos

Considera las funciones $f, g : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ definidas por $f(x) = -x^2 - x + 3$ y $g(x) = |x|$.

a) 1,25 puntos

Esboza el recinto limitado por las gráficas de f y g y calcula los puntos de corte entre ambas gráficas.

b) 1,25 puntos

Calcula el área del recinto descrito en el apartado anterior.

Ejercicio 2

OPCIÓN B 2,5 puntos

Se sabe que la función $f : [0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$ dada por

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{ax} & \text{si } 0 \leq x \leq 8 \\ \frac{x^2 - 32}{x - 4} & \text{si } x > 8 \end{cases}$$

es continua.

a) 0,5 puntos

Determina a .

b) 2 puntos

Para $a = 8$, calcula $\int_0^{10} f(x) dx$.

Ejercicio 3

OPCIÓN A 2,5 puntos

Considera la matriz $M = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 6 & 0 & 3 \\ x & y & z \end{pmatrix}$. Sabiendo que el determinante de M es 2, calcula los siguientes determinantes e indica las propiedades que utilices:

a) 0,75 puntos

El determinante de la matriz $5M^4$.

b) 0,75 puntos

$$\begin{vmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 1 & 2 & 3 \\ x & y & z \end{vmatrix}$$

c) 1 punto

$$\begin{vmatrix} 1 & x+6 & x \\ 2 & y & y \\ 3 & z+3 & z \end{vmatrix}$$

Ejercicio 3

OPCIÓN B 2,5 puntos

Considera la matriz $A = \begin{pmatrix} 0 & -1 & -2 \\ 0 & 2 & 0 \\ 1 & 1 & 3 \end{pmatrix}$

a) 0,75 puntos

Halla, si existe, la inversa de A .

b) 1,25 puntos

Determina los valores de m tales que $(A - mI)$ tiene inversa (I es la matriz identidad).

c) 0,5 puntos

Calcula el rango de $(A - 2I)$.

Ejercicio 4

OPCIÓN A 2,5 puntos

Sea r la recta que pasa por los puntos $A(3, 6, 7)$ y $B(7, 8, 3)$ y sea s la recta dada por

$$\begin{cases} x - 4y - z = -10 \\ 3x - 4y + z = -2 \end{cases}$$

a) 1,25 puntos

Determina la posición relativa de r y s .

b) 1,25 puntos

Calcula la distancia entre r y s .

Ejercicio 4

OPCIÓN B 2,5 puntos

a) 1,25 puntos

Determina la ecuación del plano que pasa por el punto $A(0, 1, 0)$ y es perpendicular a la recta r dada por $x + 1 = \frac{y+2}{2} = z - 1$.

b) 1,25 puntos

Calcula el área del triángulo cuyos vértices son los puntos de corte del plano de ecuación $2x + 3y + 4z = 12$ con los ejes coordenados.