

ANDALUCÍA · PAU 2013 · EXTRAORDINARIA · RESERVA B

Matemáticas II

8 ejercicios · 90 min de duración

Instrucciones del examen

a) Duración: 1 hora y 30 minutos. b) Tienes que elegir entre realizar únicamente los cuatro ejercicios de la Opción A o realizar únicamente los cuatro ejercicios de la Opción B. c) La puntuación de cada pregunta está indicada en la misma. d) Contesta de forma razonada y escribe ordenadamente y con letra clara. e) Se permitirá el uso de calculadoras que no sean programables, gráficas ni con capacidad para almacenar o transmitir datos. No obstante, todos los procesos conducentes a la obtención de resultados deben estar suficientemente justificados.

Ejercicio 1

OPCIÓN A 2,5 puntos

Un rectángulo está inscrito en un semicírculo de $\sqrt{5}$ cm. de radio, de forma que uno de sus lados está contenido en el diámetro del semicírculo y el lado opuesto tiene sus vértices sobre la semicircunferencia. Calcula las dimensiones del rectángulo sabiendo que es el de mayor perímetro posible.

Ejercicio 1

OPCIÓN B 2,5 puntos

Considera la función $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ dada por $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$. Determina a , b y c sabiendo que la recta normal a la gráfica de f en el punto de abscisa $x = 0$ es $y + x = -3$ y que el punto de inflexión tiene abscisa $x = 1$.

Ejercicio 2

OPCIÓN A 2,5 puntos

Halla $\int \frac{x+1}{1+\sqrt{x}} dx$. Sugerencia: se puede hacer el cambio de variable $t = \sqrt{x}$.

Ejercicio 2

OPCIÓN B 2,5 puntos

Sea $g : (0, +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$ la función definida por $g(x) = |\ln(x)|$ (donde $\ln$ denota el logaritmo neperiano).

a) 1,25 puntos

Esboza el recinto limitado por la gráfica de g y la recta $y = 1$. Calcula los puntos de corte entre ellas.

b) 1,25 puntos

Calcula el área del recinto anterior.

Ejercicio 3

OPCIÓN A 2,5 puntos

Considera el siguiente sistema de ecuaciones lineales

$$\begin{cases} x - y + z = 0 \\ 2x + 3y - z = 3 \end{cases}$$

a) 1,5 puntos

Determina el valor de m para el que al añadir la ecuación $x + my + 4z = -3$ al sistema anterior se obtenga un sistema con las mismas soluciones.

b) 1 punto

Calcula la solución del sistema para la que la suma de los valores de las incógnitas sea 6.

Ejercicio 3

OPCIÓN B 2,5 puntos

Considera las matrices $A = \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ y $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$.

a) 1,25 puntos

Calcula X e Y tales que $X - Y = A^t$ y $2X - Y = B$ (A^t es la matriz traspuesta de A).

b) 1,25 puntos

Calcula Z tal que $AZ = BZ + A$.

Ejercicio 4

OPCIÓN A 2,5 puntos

Del paralelogramo $ABCD$ se conocen los vértices $A(-1, 0, 3)$, $B(2, -1, 1)$ y $C(3, 2, -3)$.

a) 1 punto

Halla la ecuación del plano que contiene al paralelogramo.

b) 1 punto

Halla la ecuación de la recta que contiene a la diagonal AC del paralelogramo.

c) 0,5 puntos

Calcula las coordenadas del vértice D .

Ejercicio 4

OPCIÓN B 2,5 puntos

Considera los puntos $A(1, 2, 3)$ y $B(-1, 0, 4)$.

a) 1,25 puntos

Calcula las coordenadas de los puntos que dividen al segmento AB en tres partes iguales.

b) 1,25 puntos

Halla la ecuación del plano que pasa por el punto A y es perpendicular al segmento AB .